

Exemples de tableaux de variations avec tabvar

Un exemple simple : $f(x) = \frac{x^3 + 2}{2x}$ $f'(x) = \frac{x^3 - 1}{x^2}$.

x	$-\infty$	$-\sqrt[3]{2}$	0	1	$+\infty$						
$f'(x)$	$-$	$-$	$ $	$-$	0	$+$					
$f(x)$	$+\infty$	\searrow	0	\searrow	$+\infty$	\searrow	$-\infty$	\searrow	$\frac{3}{2}$	\searrow	$+\infty$

Le codage du tableau est le suivant :

```

\[\begin{tabvar}{|C|CCCCCCCC|} \hline
x & -\infty & & -\sqrt{3}{2} & & 0 & & 1 & & +\infty \\
\\ \hline
f'(x) & & - & & & - & \overline{\phantom{x}} & - & 0 & + & \\
\\ \hline
\niveau{3}{3}f(x)
& +\infty & & & & & \text{decroit} \\
& 0 & & & & & \text{decroit} \\
& \text{discont}\{-\infty\}\{<\}{+\infty\} & & & & \text{decroit} \\
& \frac{3}{2} & & & & & \text{croit} \\
& +\infty & & & & & \\
\\ \hline
\end{tabvar}\]

```

L'argument optionnel de `\discont` n'a pas été utilisé, on obtiendrait une meilleure présentation en lui donnant la valeur 1, ce qui écarterait d'un interligne les valeurs $+\infty$ et $-\infty$, mettant ainsi les trois valeurs $+\infty$ sur la même ligne.

D'autre part, $f(x)$ est placé au niveau 3 par la commande `\niveau`. Si on souhaitait que $f(x)$ soit placé plus bas, au niveau 2 par exemple, il faudrait coder :

```
\niveau{2}{3}{f(x)} &\niveau{3}{3}+\infty
```

Voici le résultat obtenu avec ces deux modifications :

x	$-\infty$	$-\sqrt[3]{2}$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$-$	\parallel	$- \quad 0 \quad +$	
$f(x)$	$+\infty$	0	$+\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$

Une présentation plus traditionnelle du tableau de variations serait la suivante (on renonce à l'utilisation de `\discont` et on remplace la colonne `C` par trois colonnes LCR, la colonne centrale contenant une double barre).

x	$-\infty$	$-\sqrt[3]{2}$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	-			- 0 +	
$f(x)$	$+\infty$	0	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$

Le codage est le suivant :

```
\[\begin{tabvar}{|C|CCCCRCLCCCC|} \hline
x      &-\infty & &-\sqrt[3]{2} & &0      & &1 & &+\infty
\\ \hline
f'(x) &      & - &      & & - & & \dbarre & & - & 0 & + & 
\\ \hline
\niveau{2}{3}f(x)
      &\niveau{3}{3}+\infty
      &      &      &      &      &      &      &      &      &      &      & 
      &      &      &      &      &      &      &      &      &      &      & 
      &0
      &      &      &      &      &      &      &      &      &      &      & 
      &-\infty & &\dbarre & &\niveau{3}{3}+\infty & &      &      &      &      & 
      &\frac{3}{2}
      &      &      &      &      &      &      &      &      &      &      & 
      &+\infty
\\ \hline
\end{tabvar}\]
```

Noter la présence de la seconde commande `\niveau` pour positionner le terme $+\infty$ au niveau 3 après la discontinuité.

Un exemple de courbe paramétrée : $x(t) = t + \frac{1}{t}$ $y(t) = t + \frac{1}{2t^2}$.

t	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$	
$x'(t)$	$+$	0	$-$	$-$	0	$+$
$x(t)$	$-\infty$	-2	$+\infty$	2	$+\infty$	
$y(t)$	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$	
$y'(t)$	$+$	2	$+$	$-$	0	$+$

Le codage est le suivant :

```

\[\begin{tabvar}{|C|CCRRCCCC|} \hline
t      &-\infty & & -1 & & 0      & & 1 & & +\infty \\
\\ \hline
x'(t) & & + & 0 & - & \dbarre & - & 0 & + & \\
\\ \hline
\niveau{1}{3}
x(t) &-\infty & & & & & & & & \croit \\
      & & -2 & & & & & & & \decroit \\
      & & & \discont[1]{-\infty}{<}{+\infty} & & & & & & \decroit \\
      & & 2 & & & & & & & \croit \\
      & & & +\infty & & & & & & \\
\\ \hline
\niveau{1}{3}
y(t) &-\infty & & & & & & & & \croit \\
      & & -\frac{1}{2} & & & & & & & \croit \\
      & & & +\infty & & & & & & \decroit \\
      & & \frac{3}{2} & & & & & & & \croit \\
      & & & +\infty & & & & & & \\
\\ \hline
y'(t) & & + & 2 & + & \dbarre & - & 0 & + & \\
\\ \hline
\end{tabvar}\]

```

Le même tableau de variations en présentation « traditionnelle » :

t	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$	
$x'(t)$	$+$	0	$-$	$-$	0	$+$
$x(t)$	$-\infty$	\nearrow	-2	\searrow	$-\infty$	
$y(t)$	$-\infty$	\nearrow	$-\frac{1}{2}$	\nearrow	$+\infty$	
$y'(t)$	$+$	2	$+$	$-$	0	$+$

Le codage est le suivant :

```

\[\begin{tabvar}{|C|CCRCRCCLCCCC|} \hline
t & & -\infty & & & -1 & & & & 0 & & & & 1 & & & +\infty \\
\\ \hline
x'(t) & & & & + & & 0 & & - & & & \dbarre & & - & & 0 & & + & & \\
\\ \hline
\niveau{1}{3}
x(t) & & -\infty & & & & & & & & & & & & & & & & & \croit \\
& & & & & & -2 & & & & & & & & & & & & & \decroit \\
& & & & -\infty & & & \dbarre & & \niveau{3}{3}+\infty & & & \decroit \\
& & & & & & 2 & & & & & & & & & & & & \croit \\
& & & & & & & & & & & & & & & & & & +\infty \\
\\ \hline
\niveau{1}{3}
y(t) & & -\infty & & & & & & & & & & & & & & & & & \croit \\
& & & & & & & & & & -\frac{1}{2} & & & & & & & & & \croit \\
& & & & & & & & & & & \dbarre & & & +\infty & & \decroit \\
& & & & & & & & & & \frac{3}{2} & & & & & & & & \croit \\
& & & & & & & & & & & & & & & & & & +\infty \\
\\ \hline
y'(t) & & & & + & & 2 & & & + & & & \dbarre & & - & & 0 & & + & & \\
\\ \hline
\end{tabvar}\]

```

Le même tableau encore, mais cette fois on utilise les flèches dessinées en MetaPost :

t	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$	
$x'(t)$	$+$	0	$-$	$-$	0	$+$
$x(t)$	$-\infty$	-2	$-\infty$	$+\infty$	2	$+\infty$
$y(t)$	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$	$+\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
$y'(t)$	$+$	2	$+$	$-$	0	$+$

Le choix entre les flèches MetaPost et celles de Michel BOVANI se fait normalement soit à l'aide des options de `tabvar` (`\usepackage[FlechesMP]{tabvar}`) soit dans le préambule ou dans le fichier `tabvar.cfg`, à l'aide du drapeau `\FlechesMP` : `\FlechesMPtrue` pour les flèches MetaPost (par défaut les flèches « bovaniennes » sont utilisées).

Un exemple de fonction non définie partout : $f(x) = \sqrt{\frac{x-1}{x+1}}$.

x	$-\infty$	-1		1	$+\infty$
$f'(x)$	$+$			$+\infty$	$+$
$f(x)$	1	$+\infty$		0	1

Le codage est le suivant

```

\[\begin{tabvar}{|C|CCRNLC|} \hline
x      &-\infty & & -1 & \hspace*{15mm} & 1      & & & +\infty \\
\\ \hline
f'(x)  &        & + & &        &        & +\infty & + & \\
\\ \hline
\niveau{1}{2}
f(x)   &1      & \croit & +\infty & & & & & \\
        &        & \niveau{1}{2}0 & \croit & 1 & & & & \\
\\ \hline
\end{tabvar}\]

```

La largeur de la colonne grisée est fixée à 15mm par le `\hspace*{15mm}` placé dans une ligne quelconque du tableau. Certains visualiseurs (Xdvi par exemple) n'affichent pas correctement les couleurs; en cas de doute, vérifier sur une sortie PostScript ou PDF.

Noter l'emploi d'une seconde commande `\niveau{1}{2}` pour positionner la valeur de f au point 1 (sans celle-ci, cette valeur serait placée au niveau de la valeur précédente, ici $+\infty$).

Si on prolongeait la définition de f en posant $f(x) = 0$ sur $[-1, 1]$ on aurait le tableau suivant :

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$				
$f'(x)$	$+$	\parallel	0	$+\infty$	$+$			
$f(x)$	1	\nearrow	$+\infty$	0	\longrightarrow	0	\nearrow	1

Le codage est le suivant :

```

\[\begin{tabvar}{|C|CCRCCCC|} \hline
x      &-\infty & & & & & -1      & & & 1      & & & +\infty \\
\\ \hline
f'(x) & & & +      & & & & \dbarre & 0 & & +\infty & + & \\
\\ \hline
\niveau{1}{2}
f(x)   &1      & & & \croit & +\infty & & \niveau{1}{2}0 & & & & \\
& & & & & & & \constante & 0 & & \croit & 1 \\
\\ \hline
\end{tabvar}\]

```